

|  |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
|--|---|------------------|-----------------|------------------------|-----|-------------|-----|--|
| Studijski program  | Vrsta studija (ciklus)  | II ciklus        |                 |                        |     |             |     |  |
|  | Naziv studijskog programa   | Opći smjer       |                 |                        |     |             |     |  |
| <b>PREDMET</b>   |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| Naziv predmeta   | <b>Teorija reprezentacija grupa</b>   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| Šifra predmeta   | Semestar  | Status predmeta  | ECTS            | Kontakt sati (P+AV+LV) |     |             |     |  |
| PMAT 485   | II  | Obavezni         | 7               | 3+2+0                  |     |             |     |  |
| Nosilac programa   |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| Cilj predmeta  | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Izložiti na pristupačan i jasan način uvod u teoriju reprezentacija konačnih grupa,</li> <li>- Nakon osnovnih pojmoveva popraćenih odgovarajućim primjerima, definisati a onda dokazati niz tvrdnji vezanih za: reprezentacije, direktnu sumu; reducibilne, ireducibilne, regularne reprezentacije; skalarni prizvod; Schurovu lemu,</li> <li>- Uvesti pojam operacije, karaktera reprezentacija, relacije ortogonalnosti. Dokazati odgovarajuće tvrdnje, ilustrovati ih pogodno odabranim primjerima i ukazati na njihovu primjenu.</li> <li>- Ovladati pojmovima teorije reprezentacija konačnih grupa,</li> <li>- Kroz primjere osjetiti potencijal teorije,</li> <li>- Osposobiti se za primjenu teorije kroz tipične primjere u geometriji i fizici.</li> </ul> |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| Ishod učenja   |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| Sadržaj predmeta   |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| <ul style="list-style-type: none"> <li>- Linearne reprezentacije konačnih grupa. Pojam reprezentacije. Egzaktna reprezentacija. Izmorfnost. Primjeri.</li> <li>- Podreprezentacije. Direktna suma reprezentacija.</li> <li>- Reducibilne, ireducibilne i potpuno reducibilne reprezentacije.</li> <li>- Regularne reprezentacije. Primjeri.</li> <li>- Funkcija definisana na grupi. Centralna funkcija.</li> <li>- Skalarni proizvod u prostoru funkcija zadanih na grupi.</li> <li>- Schurova lema. Primjena.</li> <li>- Operacije sa reprezentacijama. Binarna operacija. Direktni proizvod.</li> <li>- Karakteri reprezentacija. Osobine.</li> <li>- Relacije ortogonalnosti. Pojam i primjeri.</li> <li>- Relacije ortogonalnosti za proste karaktere.</li> <li>- Burnsideova teorema. Posljedice.</li> <li>- Reprezentacije cikličkih i dihedralnih grupa.</li> <li>- Karakteri grupe rotacija tetraedra.</li> </ul> |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| <b>LITERATURA</b>  |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| [1]  | W. Fulton and J. Harris, Representation Theory, A first Course, Springer Science & Business Media, 1991.  |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| [2]  | M. Vuković, Teorija grupa i reprezentacija s primjenama u fizici, Univerzitetska knjiga, Sarajevo Publishing, PMF Sarajevo, Sarajevo 2003.  |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| <b>OPTEREĆENJE STUDENTA (sati u semestru)</b>  |   |                  |                 |                        |     |             |     |  |
| Predavanje   | 45  | Vježbe           | 30              | Samostalan rad         | 100 | U k u p n o | 175 |  |
| <b>PROVJERA ZNANJA I OCJENJIVANJA</b>  |   |                  | <b>NAPOMENA</b> |                        |     |             |     |  |
| Kriterij   | Maksimalan broj bodova  | Bodovi za prolaz |                 |                        |     |             |     |  |
| Testovi tokom kursa  | 50  | 25               |                 |                        |     |             |     |  |
| Završni ispit  | 50  | 30               |                 |                        |     |             |     |  |
| U k u p n o  | 100   | 55               |                 |                        |     |             |     |  |